

Øvingsforelesning 4

TMA4140 Diskret Matematikk

24. og 26. september 2018

“Modulo—hva er nå det for no'?”

Dagen i dag

- Repetere den euklidske algoritmen, kongruensregning og annet underveis
- **H11.3a**: Inverser og kongruensligninger
- **H12.1**: Kinesiske restteorem
- **MS12.10 & MS15.6**: Gcd som lineærkombinasjon
- **MS17.12**: Generell tallteori
- **MS14.14, MS10.11 & MS11.1**: 2, 8, 10 og 16-tallsystemene

Største felles divisor - Greatest common divisor

Husk: Gitt $a, b \in \mathbb{Z}$ ikke begge lik null, så er $\gcd(a, b)$ det største heltallet d slik at $d|a$ og $d|b$.

Eksempel:

- $\gcd(5, 7) = 1$

Største felles divisor - Greatest common divisor

Husk: Gitt $a, b \in \mathbb{Z}$ ikke begge lik null, så er $\gcd(a, b)$ det største heltallet d slik at $d|a$ og $d|b$.

Eksempel:

- $\gcd(5, 7) = 1$
- $\gcd(5^2 \cdot 7, 3 \cdot 5 \cdot 11) = 5$

Største felles divisor - Greatest common divisor

Husk: Gitt $a, b \in \mathbb{Z}$ ikke begge lik null, så er $\gcd(a, b)$ det største heltallet d slik at $d|a$ og $d|b$.

Eksempel:

- $\gcd(5, 7) = 1$
- $\gcd(5^2 \cdot 7, 3 \cdot 5 \cdot 11) = 5$
- p et primtall og $b \in \mathbb{Z}$ er slik at p ikke deler b , så er $\gcd(p, b) = 1$

Den euklidske algoritmen

- Gitt $a, b \in \mathbb{Z}$, kan vi bruke den euklidske algoritmen for å finne $\gcd(a, b)$.

Den euklidske algoritmen

- Gitt $a, b \in \mathbb{Z}$, kan vi bruke den euklidske algoritmen for å finne $\gcd(a, b)$.
- Ideen er å bruke at i $a + b = c$ så har man at $d|a$ og $d|b$ hvis og bare hvis $d|b$ og $d|c$.

Den euklidske algoritmen

- Gitt $a, b \in \mathbb{Z}$, kan vi bruke den euklidske algoritmen for å finne $\gcd(a, b)$.
- Ideen er å bruke at i $a + b = c$ så har man at $d|a$ og $d|b$ hvis og bare hvis $d|b$ og $d|c$.
- **Eksempel I:** $\gcd(175, 165) = 5$.

Den euklidske algoritmen

- Gitt $a, b \in \mathbb{Z}$, kan vi bruke den euklidske algoritmen for å finne $\gcd(a, b)$.
- Ideen er å bruke at i $a + b = c$ så har man at $d|a$ og $d|b$ hvis og bare hvis $d|b$ og $d|c$.
- **Eksempel I:** $\gcd(175, 165) = 5$.
- **Eksempel II:** $\gcd(101, 4620) = 1$.

Kongruensregning I

Husk: $a \equiv b \pmod{m}$ hviss $m|(a - b)$.

Eksempel:

- $17 \equiv 12 \pmod{5}$ siden $5|(17 - 12) = 5$

Kongruensregning I

Husk: $a \equiv b \pmod{m}$ hviss $m|(a - b)$.

Eksempel:

- $17 \equiv 12 \pmod{5}$ siden $5|(17 - 12) = 5$
- $100^{100} \equiv 1^{100} \pmod{99}$ siden $100 \equiv 1 \pmod{99}$

Kongruensregning II

Husk: Ligner veldig på å regne med likninger

- Vi kan addere kongruenser med samme modulus(!)

Kongruensregning II

Husk: Ligner veldig på å regne med likninger

- Vi kan addere kongruenser med samme modulus(!)
- Multiplisere sammen kongruenser med samme modulus

Kongruensregning II

Husk: Ligner veldig på å regne med likninger

- Vi kan addere kongruenser med samme modulus(!)
- Multiplisere sammen kongruenser med samme modulus
- Men vi kan ikke alltid dele med samme tall på begge sider:
 $6 \equiv 3 \pmod{3}$ men $2 \not\equiv 1 \pmod{3}$.

Kongruensregning II

Husk: Ligner veldig på å regne med likninger

- Vi kan addere kongruenser med samme modulus(!)
- Multiplisere sammen kongruenser med samme modulus
- Men vi kan ikke alltid dele med samme tall på begge sider:
 $6 \equiv 3 \pmod{3}$ men $2 \not\equiv 1 \pmod{3}$.
- Ikke bare å dele på "null", også: $2 \cdot 1 \equiv 8 \pmod{6}$ men $1 \not\equiv 4 \pmod{6}$.

Kongruensregning II

Husk: Ligner veldig på å regne med likninger

- Vi kan addere kongruenser med samme modulus(!)
- Multiplisere sammen kongruenser med samme modulus
- Men vi kan ikke alltid dele med samme tall på begge sider:
 $6 \equiv 3 \pmod{3}$ men $2 \not\equiv 1 \pmod{3}$.
- Ikke bare å dele på "null", også: $2 \cdot 1 \equiv 8 \pmod{6}$ men $1 \not\equiv 4 \pmod{6}$.
- Problemet i forrige er at $2 \cdot 3 = 6 \equiv 0 \pmod{6}$.

Kongruensregning II

Husk: Ligner veldig på å regne med likninger

- Vi kan addere kongruenser med samme modulus(!)
- Multiplisere sammen kongruenser med samme modulus
- Men vi kan ikke alltid dele med samme tall på begge sider:
 $6 \equiv 3 \pmod{3}$ men $2 \not\equiv 1 \pmod{3}$.
- Ikke bare å dele på "null", også: $2 \cdot 1 \equiv 8 \pmod{6}$ men $1 \not\equiv 4 \pmod{6}$.
- Problemet i forrige er at $2 \cdot 3 = 6 \equiv 0 \pmod{6}$.
- Eller: $\gcd(2, 6) \neq 1$

Lineære kongruenser

Theorem

Hvis a og b er relativt primiske heltall og $m > 1$, finnes det en invers av a modulo m .

Lineære kongruenser

Theorem

Hvis a og b er relativt primiske heltall og $m > 1$, finnes det en invers av a modulo m .

Eksempler:

- $5 \cdot 3 \equiv 1 \pmod{7}$ siden $15 - 14 = 1$.

Lineære kongruenser

Theorem

Hvis a og b er relativt primiske heltall og $m > 1$, finnes det en invers av a modulo m .

Eksempler:

- $5 \cdot 3 \equiv 1 \pmod{7}$ siden $15 - 14 = 1$.
- $5 \cdot 10 \equiv 1 \pmod{7}$ siden $50 - 49 = 1$.

Lineære kongruenser

Theorem

Hvis a og b er relativt primiske heltall og $m > 1$, finnes det en invers av a modulo m .

Eksempler:

- $5 \cdot 3 \equiv 1 \pmod{7}$ siden $15 - 14 = 1$.
- $5 \cdot 10 \equiv 1 \pmod{7}$ siden $50 - 49 = 1$.
- $1601 \cdot 101 \equiv 1 \pmod{4620}$

H11.3a

Finn $0 < x < 273$ slik at

$$100x \equiv 157 \pmod{273}.$$

Kinesisk restteorem I

Theorem

La m_1, m_2 være relativt primiske positive heltall større enn en og a_1, a_2 vilkårlige heltall. Da har systemet

$$x \equiv a_1 \pmod{m_1}$$

$$x \equiv a_2 \pmod{m_2}$$

en unik løsning modulo $m_1 m_2$.

Kinesisk restteorem II

Eksempler:

- $x \equiv 1 \pmod{2}$ og $x \equiv 2 \pmod{3}$.

Kinesisk restteorem II

Eksempler:

- $x \equiv 1 \pmod{2}$ og $x \equiv 2 \pmod{3}$.
- $x \equiv 5 \pmod{7}$ og $x \equiv 3 \pmod{5}$ har løsning
 $x = 5 \cdot 5 \cdot 3 + 3 \cdot 7 \cdot 3 = 138 \equiv 33 \pmod{35}$.

Kinesisk restteorem III

Husk at $m = m_1 \cdot m_2$.

Løsningen man lager er

$$x = a_1 \cdot m/m_1 \cdot y_1 + a_2 \cdot m/m_2 \cdot y_2$$

hvor y_1 er en invers av m/m_1 modulo m_1 , og y_2 er en invers av m/m_2 modulo m_2 .

Kinesisk restteorem III

Løsningen man lager er

$$x = a_1 \cdot m/m_1 \cdot y_1 + a_2 \cdot m/m_2 \cdot y_2$$

hvor y_1 er en invers av m/m_1 modulo m_1 , og y_2 er en invers av m/m_2 modulo m_2 .

Eksempler:

- $x \equiv 5 \pmod{7}$ og $x \equiv 3 \pmod{5}$ har løsning
 $x = 5 \cdot 5 \cdot 3 + 3 \cdot 7 \cdot 3 = 138 \equiv 33 \pmod{35}$.

Kinesisk restteorem III

Løsningen man lager er

$$x = a_1 \cdot m/m_1 \cdot y_1 + a_2 \cdot m/m_2 \cdot y_2$$

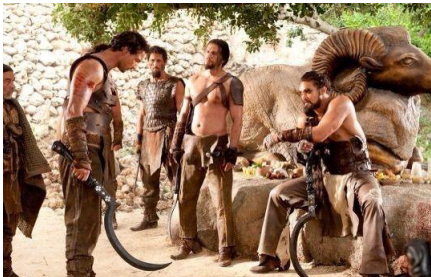
hvor y_1 er en invers av m/m_1 modulo m_1 , og y_2 er en invers av m/m_2 modulo m_2 .

Eksempler:

- $x \equiv 5 \pmod{7}$ og $x \equiv 3 \pmod{5}$ har løsning
 $x = 5 \cdot 5 \cdot 3 + 3 \cdot 7 \cdot 3 = 138 \equiv 33 \pmod{35}$.
- Løsningen er unik: La $0 \leq y < 35$ være en annen løsning. Da er $0 \leq x - y < 35$ eller $0 \leq y - x < 35 \dots$

H12.1

En bande Dothrakier plyndret med seg en sekk med gull fra Casterly Rock. Til å begynne med var det 59 dothrakier, men da de forsøkte å dele gullmyntene seg i mellom ble det 28 mynter til overs. Som seg hør og bør brøt det ut et slagsmål hvor 40 av dem døde. Når de deretter forsøkte å dele gullmyntene ble det 6 mynter til overs. Men de var nå lei av å sloss og lederen fikk de siste 6 myntene selv. Hvor mange gullmynter var det i sekken? (Gitt at sekken ikke rommer mer enn 1200 mynter.)



Største felles divisor og Bezout

Theorem

Hvis a og b er positive heltall, finnes det heltall s og t slik at $\gcd(a, b) = sa + tb$.

Største felles divisor og Bezout

Theorem

Hvis a og b er positive heltall, finnes det heltall s og t slik at $\gcd(a, b) = sa + tb$.

Merk: Hvis $sa + tb = 1$ for noen $s, t \in \mathbb{Z}$, kan man ikke ha $\gcd(a, b) > 1$. Hvorfor ikke?

Største felles divisor og Bezout

Theorem

Hvis a og b er positive heltall, finnes det heltall s og t slik at $\gcd(a, b) = sa + tb$.

- **Merk:** Hvis $sa + tb = 1$ for noen $s, t \in \mathbb{Z}$, kan man ikke ha $\gcd(a, b) > 1$. Hvorfor ikke?
- \gcd må dele både a og b , og derfor også 1, så Likningen gir en øvre grense for \gcd !
- $6 - 5 = 1$
- $4 \cdot 252 - 5 \cdot 198 = 18$

Største felles divisor og Bezout

Theorem

Hvis a og b er positive heltall, finnes det heltall s og t slik at $\gcd(a, b) = sa + tb$.

- **Merk:** Hvis $sa + tb = 1$ for noen $s, t \in \mathbb{Z}$, kan man ikke ha $\gcd(a, b) > 1$. Hvorfor ikke?
- \gcd må dele både a og b , og derfor også 1, så Likningen gir en øvre grense for \gcd !
- $6 - 5 = 1$
- $4 \cdot 252 - 5 \cdot 198 = 18$

MS12.10

For hvilke av følgende ligninger eksisterer det $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at ligningen er tilfredsstilt?

Alt 1) $490256s + 337t = 5$

Alt 2) $825s + 315t = 5$

Alt 3) $33649s + 3059t = 1$

Alt 4) $2695s + 4199t = 1$

MS12.10

For hvilke av følgende ligninger eksisterer det $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at ligningen er tilfredsstilt?

Alt 1) $490256s + 337t = 5$

Alt 2) $825s + 315t = 5$

Alt 3) $33649s + 3059t = 1$

Alt 4) $2695s + 4199t = 1$

MS12.10

For hvilke av følgende ligninger eksisterer det $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at ligningen er tilfredsstilt?

Alt 1) $490256s + 337t = 5$

Alt 2) $825s + 315t = 5$

Alt 3) $33649s + 3059t = 1$

Alt 4) $2695s + 4199t = 1$

MS12.10

For hvilke av følgende ligninger eksisterer det $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at ligningen er tilfredsstilt?

Alt 1) $490256s + 337t = 5$

Alt 2) $825s + 315t = 5$

Alt 3) $33649s + 3059t = 1$

Alt 4) $2695s + 4199t = 1$

MS15.6

Hvilke av følgende utsagn er garantert riktige?

Alt 1) La q være et primtall og la $b \in \mathbb{Z}^+$ slik at q ikke er divisor i b . Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $sq + tb = 13$.

Alt 2) La q være et primtall. Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(q + 1) + t(q + 2) = 2$.

Alt 3) La q være et primtall. Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(q + 1) + t(q + 3) = 1$.

Alt 4) La a, b være naturlige tall ≥ 5 slik at $\gcd(a, b) = 1$. Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(a - 1) + t(b - 2) = 1$.

MS15.6

Hvilke av følgende utsagn er garantert riktige?

Alt 1) La q være et primtall og la $b \in \mathbb{Z}^+$ slik at q ikke er divisor i b . Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $sq + tb = 13$.

Alt 2) La q være et primtall. Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(q + 1) + t(q + 2) = 2$.

Alt 3) La q være et primtall. Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(q + 1) + t(q + 3) = 1$.

Alt 4) La a, b være naturlige tall ≥ 5 slik at $\gcd(a, b) = 1$. Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(a - 1) + t(b - 2) = 1$.

MS15.6

Hvilke av følgende utsagn er garantert riktige?

Alt 1) La q være et primtall og la $b \in \mathbb{Z}^+$ slik at q ikke er divisor i b . Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $sq + tb = 13$.

Alt 2) La q være et primtall. Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(q + 1) + t(q + 2) = 2$.

Alt 3) La q være et primtall. Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(q + 1) + t(q + 3) = 1$.

Alt 4) La a, b være naturlige tall ≥ 5 slik at $\gcd(a, b) = 1$. Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(a - 1) + t(b - 2) = 1$.

MS15.6

Hvilke av følgende utsagn er garantert riktige?

- Alt 1) La q være et primtall og la $b \in \mathbb{Z}^+$ slik at q ikke er divisor i b . Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $sq + tb = 13$.
- Alt 2) La q være et primtall. Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(q + 1) + t(q + 2) = 2$.
- Alt 3) La q være et primtall. Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(q + 1) + t(q + 3) = 1$.
- Alt 4) La a, b være naturlige tall ≥ 5 slik at $\gcd(a, b) = 1$. Det finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(a - 1) + t(b - 2) = 1$.

Hvilke av følgende utsagn er garantert riktige?

Alt 1) La p være et odde primtall og la $a \geq 2$ være et partall. Da vil $a^{(p-1)} \equiv 1 \pmod{p}$.

Alt 2) La $a, b \in \mathbb{Z}^+$ dele 2341. Da finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $sa + tb = 4862$.

Alt 3) La $a, b \in \mathbb{Z}^+$, $a, b \geq 2$, være relativt primiske. Da finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(a+1) + t(b+2) = 1$.

Alt 4) $23939^{419} \equiv -1 \pmod{420}$

MS17.12

Hvilke av følgende utsagn er garantert riktige?

Alt 1) La p være et odde primtall og la $a \geq 2$ være et partall. Da vil $a^{(p-1)} \equiv 1 \pmod{p}$.

Alt 2) La $a, b \in \mathbb{Z}^+$ dele 2341. Da finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $sa + tb = 4862$.

Alt 3) La $a, b \in \mathbb{Z}^+$, $a, b \geq 2$, være relativt primiske. Da finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(a+1) + t(b+2) = 1$.

Alt 4) $23939^{419} \equiv -1 \pmod{420}$

MS17.12

Hvilke av følgende utsagn er garantert riktige?

Alt 1) La p være et odde primtall og la $a \geq 2$ være et partall. Da vil $a^{(p-1)} \equiv 1 \pmod{p}$.

Alt 2) La $a, b \in \mathbb{Z}^+$ dele 2341. Da finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $sa + tb = 4862$.

Alt 3) La $a, b \in \mathbb{Z}^+$, $a, b \geq 2$, være relativt primiske. Da finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(a + 1) + t(b + 2) = 1$.

Alt 4) $23939^{419} \equiv -1 \pmod{420}$

MS17.12

Hvilke av følgende utsagn er garantert riktige?

Alt 1) La p være et odde primtall og la $a \geq 2$ være et partall. Da vil $a^{(p-1)} \equiv 1 \pmod{p}$.

Alt 2) La $a, b \in \mathbb{Z}^+$ dele 2341. Da finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $sa + tb = 4862$.

Alt 3) La $a, b \in \mathbb{Z}^+$, $a, b \geq 2$, være relativt primiske. Da finnes $s, t \in \mathbb{Z}$ slik at $s(a + 1) + t(b + 2) = 1$.

Alt 4) $23939^{419} \equiv -1 \pmod{420}$

Binære, oktale og heksadesimale representasjoner av heltall

Husk: For å bruke heksadesimale representasjoner utvider vi mengden med siffer på kanskje den enkleste tenkelige måten:

0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F

Eksempler:

- $(B2B)_{16} = 11 \cdot 16^2 + 2 \cdot 16^1 + 11 \cdot 16^0$
- $(101100101011)_2 = 1 \cdot 2^{11} + 0 \cdot 2^{10} + 1 \cdot 2^9 + 1 \cdot 2^8 + 0 \dots + 1 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0$
- $(5453)_8 = 5 \cdot 8^3 + 4 \cdot 8^2 + 5 \cdot 8^1 + 3 \cdot 8^0$

Binære, oktale og heksadesimale representasjoner av heltall

Husk: For å bruke heksadesimale representasjoner utvider vi mengden med siffer på kanskje den enkleste tenkelige måten:

0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F

Eksempler:

- $(B2B)_{16} = 11 \cdot 16^2 + 2 \cdot 16^1 + 11 \cdot 16^0$
- $(101100101011)_2 = 1 \cdot 2^{11} + 0 \cdot 2^{10} + 1 \cdot 2^9 + 1 \cdot 2^8 + 0 \dots + 1 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0$
- $(5453)_8 = 5 \cdot 8^3 + 4 \cdot 8^2 + 5 \cdot 8^1 + 3 \cdot 8^0$

Binære, oktale og heksadesimale representasjoner av heltall

Husk: For å bruke heksadesimale representasjoner utvider vi mengden med siffer på kanskje den enkleste tenkelige måten:

0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, A, B, C, D, E, F

Eksempler:

- $(B2B)_{16} = 11 \cdot 16^2 + 2 \cdot 16^1 + 11 \cdot 16^0$
- $(101100101011)_2 = 1 \cdot 2^{11} + 0 \cdot 2^{10} + 1 \cdot 2^9 + 1 \cdot 2^8 + 0 \dots + 1 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0$
- $(5453)_8 = 5 \cdot 8^3 + 4 \cdot 8^2 + 5 \cdot 8^1 + 3 \cdot 8^0$

Finne binær og oktal representasjon av et heksadesimaltall

Vi kan oversette til binær og så til oktal.

Eksempler:

- $(CB)_{16} = (11001011)_2 = (313)_8$

For multiple choice oppgaver er ikke dette alltid nødvendig: kan bruke kongruenser.

Summer og produkt av binær, oktal, og heksadesimaltall

- For sum er det greit å bruke algoritmen vi er vant til:
 $(ABC)_{16} + (DE)_{16} = (B9A)_{16}$
- For produkt er det greit å oversette til desimaltall, gjøre beregningen der, og så oversette tilbake

Summer og produkt av binær, oktal, og heksadesimaltall

- For sum er det greit å bruke algoritmen vi er vant til:
 $(ABC)_{16} + (DE)_{16} = (B9A)_{16}$
- For produkt er det greit å oversette til desimaltall, gjøre beregningen der, og så oversette tilbake

MS14.14

Hva er den hexadesimale (dvs. grunntall 16) fremstillingen av $(ABCD)_{16} + (F5E)_{16}$?

Alt 1) $(AB2B)_{16}$

Alt 2) $(BB2B)_{16}$

Alt 3) $(BC2B)_{16}$

Alt 4) $(BB1B)_{16}$

Finne heksadesimalrepresentasjon av desimaltall

- Hvordan finner vi den binære, oktale, eller heksadesimale representasjonen av et desimaltall?
- Vi gjennomfører divisjon med rest med divisor henholdsvis 2, 8, 16 på kvotientene vi får til det stopper opp.
- Hvorfor? Vi ønsker å få et uttrykk bestående av ledd som involverer divisoren og rester under divisjon med divisoren.

Eksempel: $(14)_{10} = (1110)_2$

$$14 = 2 \cdot 7 + 0$$

$$7 = 2 \cdot 3 + 1$$

$$3 = 2 \cdot 1 + 1$$

$$1 = 2 \cdot 0 + 1$$

Finne heksadesimalrepresentasjon av desimaltall

- Hvordan finner vi den binære, oktale, eller heksadesimale representasjonen av et desimaltall?
- Vi gjennomfører divisjon med rest med divisor henholdsvis 2, 8, 16 på kvotientene vi får til det stopper opp.
- Hvorfor? Vi ønsker å få et uttrykk bestående av ledd som involverer divisoren og rester under divisjon med divisoren.

Eksempel: $(14)_{10} = (1110)_2$

$$14 = 2 \cdot 7 + 0$$

$$7 = 2 \cdot 3 + 1$$

$$3 = 2 \cdot 1 + 1$$

$$1 = 2 \cdot 0 + 1$$

Finne heksadesimalrepresentasjon av desimaltall

- Hvordan finner vi den binære, oktale, eller heksadesimale representasjonen av et desimaltall?
- Vi gjennomfører divisjon med rest med divisor henholdsvis 2, 8, 16 på kvotientene vi får til det stopper opp.
- Hvorfor? Vi ønsker å få et uttrykk bestående av ledd som involverer divisoren og rester under divisjon med divisoren.

Eksempel: $(14)_{10} = (1110)_2$

$$14 = 2 \cdot 7 + 0$$

$$7 = 2 \cdot 3 + 1$$

$$3 = 2 \cdot 1 + 1$$

$$1 = 2 \cdot 0 + 1$$

MS10.11: Direkte oversettelse og kongruenser.

Oppgave 11: Hvilke tall er lik $(ABCD)_{16}$?

Alt 1) $(1010101111001101)_2$

Alt 2) $(43982)_{10}$

Alt 3) $(43981)_8$

Alt 4) $(47342)_8$

MS11.1

Hva er $(213986)_{10}$ i det hexadesimale tallsystemet?

Alt 1) $(344F2)_{16}$

Alt 2) $(343F2)_{16}$

Alt 3) $(344E2)_{16}$

Alt 4) $(343E2)_{16}$