

Nøkkelpbegrep – uke 14

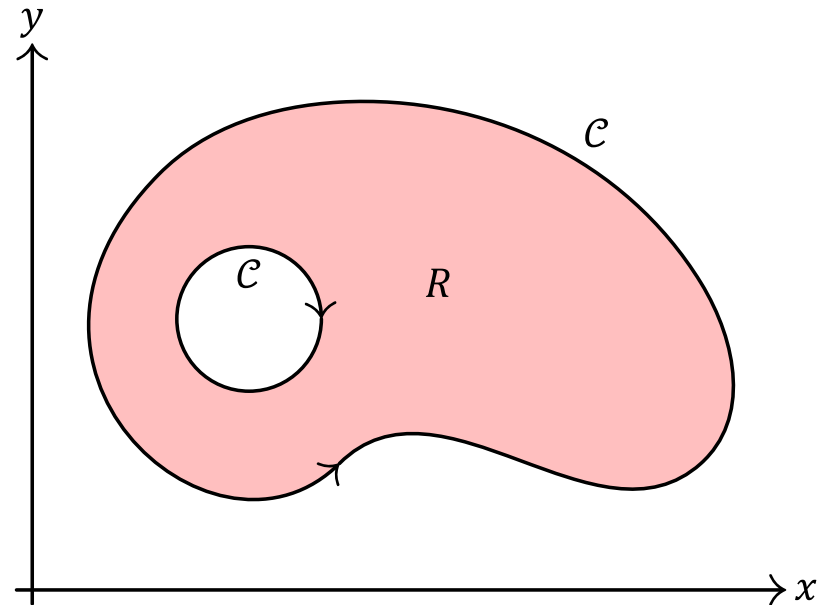
- Stokes' teorem

Greens teorem

La R være et regulært, lukket område i xy -planet hvis rand, $C = \partial R$, består av en eller flere stykkevis glatte, enkle lukkede kurver som er positivt orientert med hensyn på R .

Hvis $\mathbf{F}(x, y) = (P(x, y), Q(x, y))$ er et glatt vektorfelt definert på R , så er

$$\oint_C \mathbf{F} \cdot d\mathbf{r} = \iint_R \left(\frac{\partial Q}{\partial x} - \frac{\partial P}{\partial y} \right) dA.$$



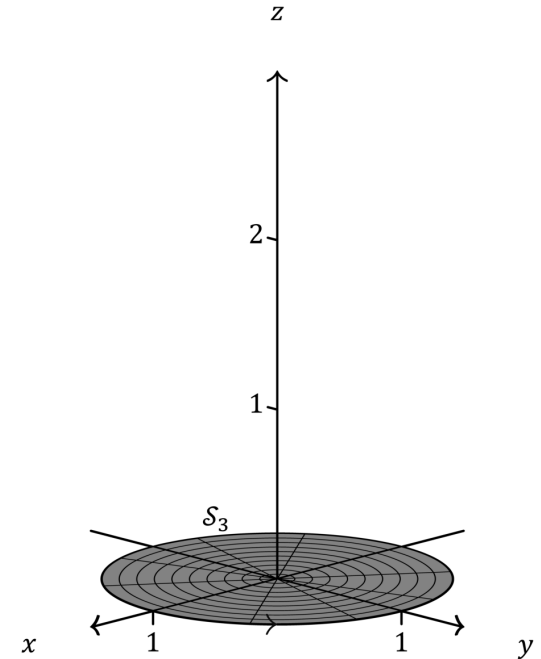
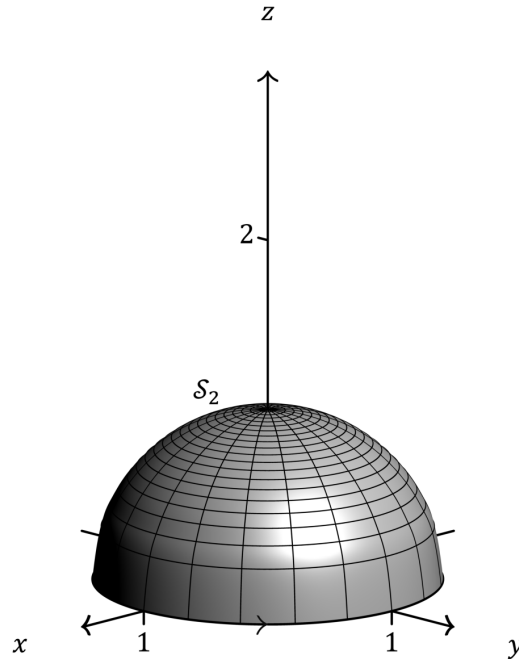
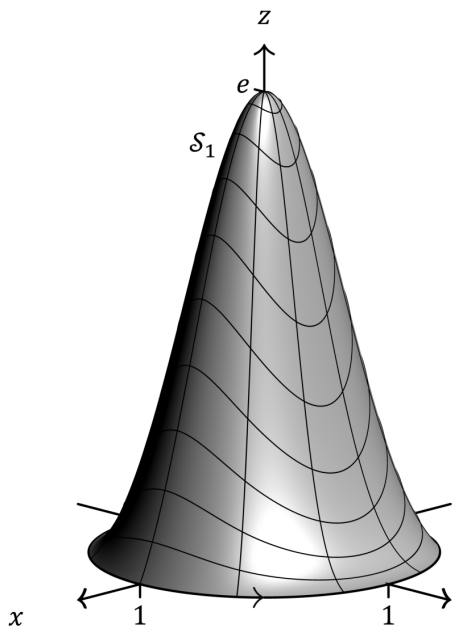
Stokes' teorem

La S være en stykkevis glatt, orientert flate i \mathbb{R}^3 med enhetsnormal $\hat{\mathbf{N}}$, der randen til S , $C = \partial S$, består av en eller flere stykkevis glatte, lukkede kurver hvis orientering er bestemt av orienteringen av S .

Hvis \mathbf{F} er et glatt vektorfelt definert på en åpen mengde som inneholder S , så er

$$\oint_C \mathbf{F} \cdot d\mathbf{r} = \iint_S \text{curl } \mathbf{F} \cdot \hat{\mathbf{N}} dS.$$

Eksempel: Bruk av Stokes' teorem



$$\oint_{\partial S_1} \mathbf{F} \cdot d\mathbf{r} = \oint_{\partial S_2} \mathbf{F} \cdot d\mathbf{r} = \oint_{\partial S_3} \mathbf{F} \cdot d\mathbf{r}$$

$$\iint_{S_1} \text{curl } \mathbf{F} \cdot \hat{\mathbf{N}} dS = \iint_{S_2} \text{curl } \mathbf{F} \cdot \hat{\mathbf{N}} dS = \iint_{S_3} \text{curl } \mathbf{F} \cdot \hat{\mathbf{N}} dS$$

