

Anbefalte oppgaver uke 15

Våren 2018

Nummererte oppgaver er hentet fra Adams og Essex' «Calculus: A complete course», 8. utg.
Oppgavetekst på norsk blir lagt ut fortløpende nedenfor i løpet av dagen.

Oppgaver til plenumsregning

Eks. S06, oppg. 4 La T vere det romleget området gitt i sylinderkoordinater ved

$$0 \leq r \leq 1, \quad 0 \leq \theta \leq \pi, \quad 0 \leq z \leq 2,$$

og la S vere overflata til T . La vidare

$$\mathbf{F}(x, y, z) = (x + y^3)\mathbf{i} + y\mathbf{j} + (z - y^3)\mathbf{k}.$$

- a) Finn fluksen $\iint_{S'} \mathbf{F} \cdot \mathbf{n} dS$ ut gjennom den krumme delen S' av flata S .
 b) Finn fluksen $\iint_S \mathbf{F} \cdot \mathbf{n} dS$ ut gjennom S .

Eks. S12, oppg. 6 Legemet T er avgrenset av paraboloiden $z = 4x^2 + 4y^2$, og la \mathbf{n} være enhetsnormalen til S som peker ut av legemet T . La vidare \mathbf{F} være vektorfeltet definert ved

$$\mathbf{F}(x, y, z) = \frac{yz}{8\pi}\mathbf{i} - \frac{x}{2\pi}\mathbf{j} + \frac{z}{4}\mathbf{k}.$$

Regn ut

a) $\iint_S \mathbf{F} \cdot \mathbf{n} d\sigma,$ b) $\iint_S \text{curl } \mathbf{F} \cdot \mathbf{n} d\sigma.$

Eks. S14, oppg. 6 Halvkulen T er bestemt $x^2 + y^2 + z^2 \leq 1$ og $z \geq 0$. Vi lar \mathcal{S} være den krumme delen av overflaten til T .

- a) Finn massen til halvkulen T når massetettheten er gitt ved $\rho(x, y, z) = 3z$.
 b) Vektorfeltet \mathbf{F} er gitt ved

$$\mathbf{F}(x, y, z) = x(z + z^2)\mathbf{i} - (yz^2 + xe^y)\mathbf{j} + (xze^y + 1)\mathbf{k}.$$

Ren ut $\text{div } \mathbf{F}$ og finn fluksen

$$\iint_S \mathbf{F} \cdot \hat{\mathbf{N}} dS,$$

der $\hat{\mathbf{N}}$ er enhetsnormalen med positiv z -komponent.

Oppgaver med løsningsforslag

16.4.4

16.4.5

16.4.12

16.4.29

16.5.1

16.5.2

16.5.3

16.5.5

16.5.10