



1 Finn største mulige definisjonsmengde til funksjonene. Bestem så verdimengden.

a) $M(w) = \sqrt{6 - 3w}$

b) $f(x) = \frac{x+1}{x^2-1}$ (Hint: kan du forkorte noe her?)

2 Angi om funksjonene er odde, like eller ingen av delene.

a) $f(x) = x^2 + 1$

b) $f(x) = \sqrt{2x}$

c) $f(x) = \frac{1}{x^3 + x}$

d) $f(x) = x + x^2$

3 La $f(x) = x + 3$, $g(x) = x^2 - 3$ og $p(x + 1) = (x + 2)^2$. Finn følgende:

a) $(f \circ g)(0)$

b) $g(f(0))$

c) $f(g(x))$

d) $(g \circ f)(x)$

e) $(f \circ f)(-3)$

f) $g(g(2))$

g) $f(f(x))$

h) $(g \circ g)(x)$

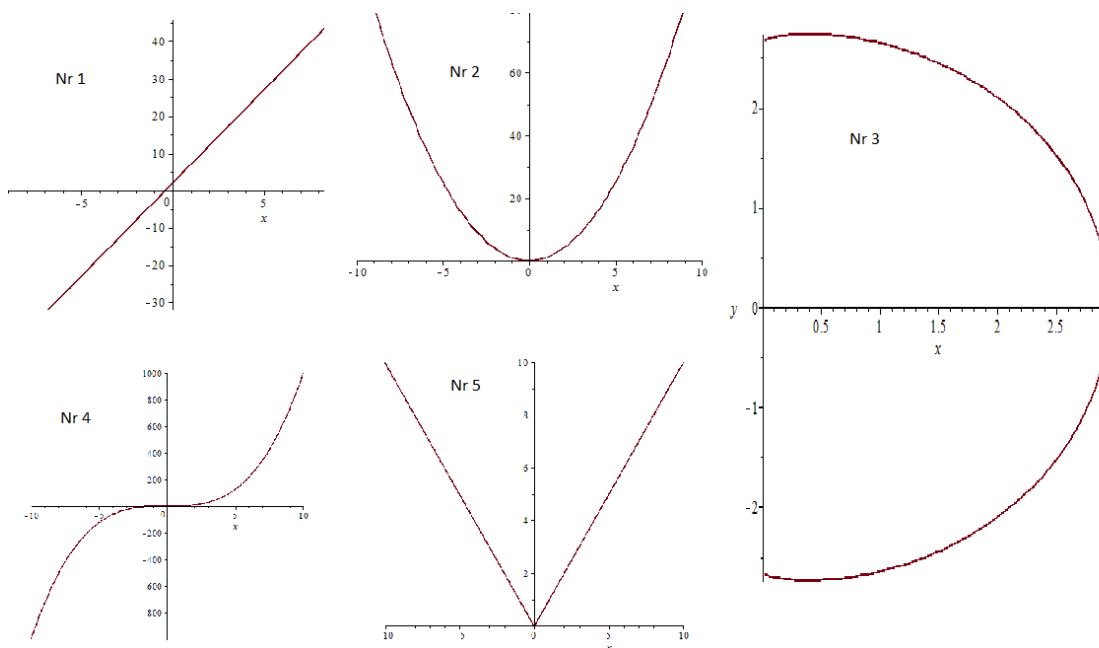
i) $p(x)$

4 Betrakt de fem grafene under. Angi hvilke av dem som er følgende:

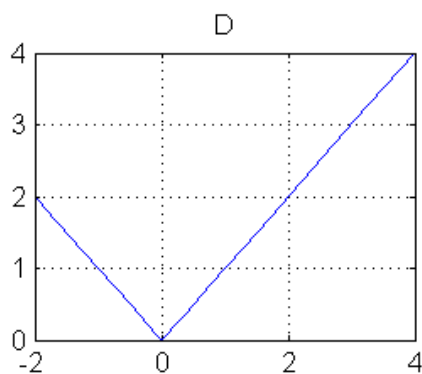
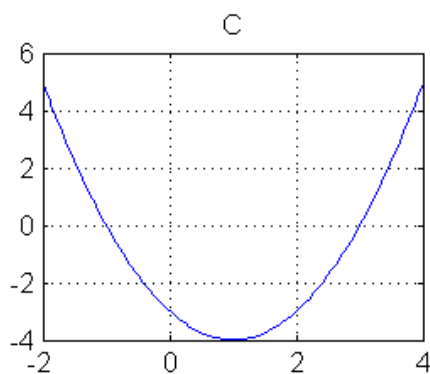
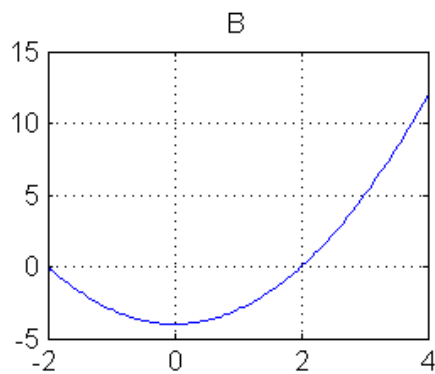
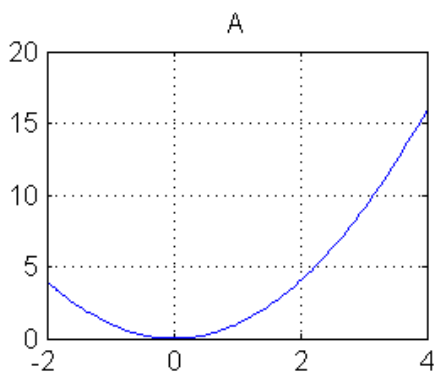
a) Grafen til en funksjon

b) Grafen til en funksjon som er en-til-en

c) Grafen til en ligning(er) (Implisitt uttrykk)



5 Betrakt plottene A, B, C, D (over intervallet $[-2, 4]$) under. Forsøk så godt du kan å finne (eksplisitte) funksjoner hvis grafer matcher disse.



6 Skissér grafene til følgende funksjoner.

a) $f(x) = 1 + \frac{1}{x+1}$

b) $g(x) = \sqrt{1-x}$

c) $h(x) = |x^3|$

7 Løs følgende ligninger for x , ved å uttrykke x ved hjelp av konstanter, variabler og/eller tall.

a) $4\pi x \cdot 2y \cdot (1 - 4A) = 7$

b) $2yzx + 2(xy^2z)^2 - 4 = \pi C^2$

8 Skissér uttrykket

$$f(x) = \begin{cases} x & \text{hvis } 0 \leq x \leq 1 \\ 3-x & \text{hvis } 1 < x \leq 2 \end{cases}$$

Er dette en funksjon? Er den isåfall kontinuertlig?

9 Bestem konstanten $a \in \mathbb{R}$ slik at funksjonen $g(x)$ blir kontinuertlig.

$$g(x) = \begin{cases} ax + 4 & \text{hvis } x \geq 5 \\ 3x - a & \text{hvis } x < 5 \end{cases}$$

10 a) Er funksjonen

$$f(x) = \begin{cases} 1-x & \text{hvis } 0 \leq x \leq 1 \\ 2-x & \text{hvis } 1 < x \leq 3 \end{cases}$$

en-til-en? Hvorfor/hvorfor ikke?

b) Vis at funksjonen $f(x) = \frac{1}{x+1}$ er en-til-en. Finn inversfunksjonen f^{-1} .

11 En sirkel er tegnet rundt et kvadrat, slik at sirkelbuen berører alle hjørnene. Finn et uttrykk for arealet av sirkelen, uttrykt ved arealet A til kvadratet. (Hint: Tegn en figur!)

Ekstraoppgave 1 Skisser funksjonene $f(x) = |x - 10|$ og $g(x) = 3$. Bruk skissen til å løse ulikheten $|x - 10| \leq 3$.

Ekstraoppgave 2 Bruk fortegnsskjema (for f og dens deriverte) til å skissere funksjonen

$$f(x) = (x^2 - 1)^3.$$

Ekstraoppgave 3

- a) Vis at dersom $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ er en odde funksjon, så er $f(0) = 0$.
(NB: her holder det ikke å vise dette for *en spesifikk* odde funksjon. Det må vises for den "vilkårlige" funksjonen f (som vi ikke vet hvordan ser ut, annet enn at den er odde).
- b) Anta at funksjonen $g: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ er både odde og like. Hva kan du si om g ? Finnes det i det hele tatt en slik funksjon? Hvis ja, finnes det flere?