

Ø3

2.3 2bc, 6, 10cdf, 11ab

2.4 3, 6abc, 18, 21abc, 22abc

2.3 2

p	q	$\neg p$	$\neg q$	$p \rightarrow q$	$(p \rightarrow q) \wedge \neg q$	$((p \rightarrow q) \wedge \neg q) \rightarrow \neg p$	$p \vee q$	$(p \vee q) \wedge p$	$((p \vee q) \wedge p) \rightarrow q$
T	T	F	F	T	F	T	T	F	T
T	F	F	T	F	F	T	T	F	T
F	T	T	F	T	F	T	T	T	T
F	F	T	T	T	T	T	F	F	T

b)

c)

- 6 a) 1)  $q \wedge r$       premiss  
 2)  $q$               Conj. Simplification 1)  
 3)  $\therefore \boxed{q \vee r}$       Disj. Amplification 2)  
 $q \wedge r \Rightarrow q \vee r$

b) Det är inte sant att  $p \Rightarrow p_1$ , f. eks.

p	q	r	$p \wedge (q \wedge r) \vee \neg (p \vee (q \wedge r))$	$p \wedge (q \wedge r) \vee \neg (p \vee (q \vee r))$
F	F	T	T	F

- 10 c) 1)  $p \rightarrow q$       premiss  
 2)  $\neg q$               premiss  
 3)  $\neg p$               Modus Tollens 1, 2  
 4)  $\neg r$               premiss  
 5)  $\neg p \wedge \neg r$       Conj. 3, 4  
 6)  $\neg (p \vee r)$       DeMorgan 5

eller att  $\frac{p \rightarrow q}{\neg q} \neg r$  är giltigt  
 $\therefore \neg (p \vee r)$

- d)
- |    |                        |                    |
|----|------------------------|--------------------|
| 1) | $p \rightarrow \neg q$ | premiss            |
| 2) | $r$                    | premiss            |
| 3) | $\neg q$               | Modus Ponens 1, 2  |
| 4) | $p \rightarrow q$      | premiss            |
| 5) | $\therefore \neg p$    | Modus Tollens 3, 4 |

- f)
- |    |                              |                   |
|----|------------------------------|-------------------|
| 1) | $p \wedge q$                 | premiss           |
| 2) | $p$                          | Conj. Simp. 1     |
| 3) | $p \rightarrow (r \wedge q)$ | premiss           |
| 4) | $r \wedge q$                 | Modus Ponens 2, 3 |
| 5) | $r$                          | Conj. Simp. 4     |
| 6) | $w \rightarrow (s \vee t)$   | premiss           |
| 7) | $s \vee t$                   | Modus Ponens 5, 6 |
| 8) | $\neg s$                     | premiss           |
| 9) | $\therefore t$               | Disj. Syllogism   |

11 a)

$p$	$q$	$r$	$\neg r$	$p$	$\neg q$	$p \rightarrow (q \rightarrow r)$
T	F	T	F	T	T	T

b)

$p$	$q$	$r$	$p$	$(p \wedge q) \rightarrow r$	$(\neg q \vee r)$
F	F	F	F	T	T

2.4 3     $p(x) : x^2 = 2x \Leftrightarrow x(x-2) = 0 \Leftrightarrow x = 0 \vee x = 2$

- a) T    b) F    c) T    d) F    e) T    f) F

6 a)  $2^2 \geq 4$     sant    b)  $1+2 < \pi$     sant

c)  $(3)^2 \geq 8 \wedge \underbrace{1+2 < 3}_{\text{falsk}}$     falsk

- 18 a)  $\neg (\exists x (p(x) \vee q(x))) \Leftrightarrow \forall x \neg (p(x) \vee q(x)) \Leftrightarrow \forall x (\neg p(x) \wedge \neg q(x))$
- b)  $\neg (\forall x (p(x) \wedge \neg q(x))) \Leftrightarrow \exists x (\neg p(x) \vee \neg \neg q(x)) \Leftrightarrow \exists x (\neg p(x) \vee q(x))$
- c)  $\neg (\forall x (p(x) \rightarrow q(x))) \Leftrightarrow \exists x (p(x) \wedge \neg q(x))$
- d)  $\neg \exists x ((p(x) \vee q(x)) \rightarrow r(x)) \Leftrightarrow \forall x ((p(x) \vee q(x)) \wedge \neg r(x))$

	heltal $\neq 0$	reella $\neq 0$
2/22 a) $\exists x \exists y (xy=1)$	sant: $x=y=1$	sant: $x=y=1$
b) $\exists x \forall y (xy=1)$	felakt: ta $y=2x$	felakt: ta $y=2x$
c) $\forall x \exists y (xy=1)$	felakt: för $x=2$ finns inget $y$	sant: ta $y=\frac{1}{x}$